



L'utilisation de la calculatrice est interdite.

Le candidat doit traiter tous les items et l'exercice.

Le candidat est invité à faire figurer sur la copie toute trace de recherche, même incomplète ou non fructueuse, qu'il aura développée.

### Item 1 et 2 (2 points)

Soit la suite  $(u_n)$  définie pour tout entier naturel  $n$  par : 
$$\begin{cases} u_0 = -1 \\ u_{n+1} = n(n+2) \end{cases}$$

1. Montrer que  $u_n = n^2 - 1$ .
2. Étudier le sens de variations de la suite  $(u_n)$ .

### Item 3 et 4 (2 points)

On considère l'équation suivante : (E) :  $z^3 + z^2 + z - 3 = 0$ .

1. Montrer que l'équation (E) peut s'écrire :  $(z - 1)(z^2 + 2z + 3) = 0$ .
2. En déduire les solutions dans  $\mathbf{C}$  de l'équation (E).

### Item 5 et 6 (2 points)

Soient  $a$  et  $b$  deux réels.

On considère la fonction  $f$  définie et dérivable sur  $\mathbf{R}$  par :  $f(x) = (ax^2 + b)e^x$ .

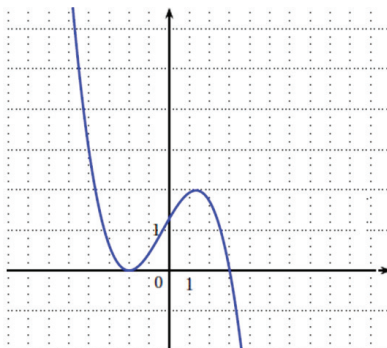
Déterminer les valeurs de  $a$  et  $b$  sachant que  $f(0) = 3$  et  $f'(1) = 0$ .

### Item 7 (1 point)

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbf{R}$  représentée ci-contre.

Par lecture graphique, déterminer :

$$\int_{-4}^{-2} f'(x) dx.$$



**Item 8 et 9** (2 points)

Soient  $a$  et  $b$  deux entiers naturels.

Les restes de la division euclidienne de  $a$  et  $b$  par 9 sont respectivement 2 et 5.

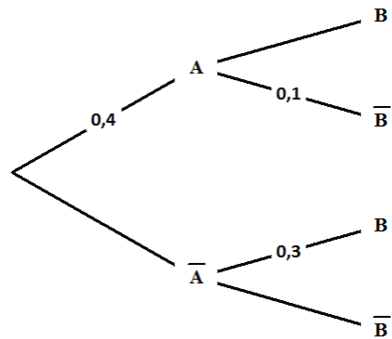
Déterminer le reste de la division euclidienne par 9 de :

1.  $a + b$ .
2.  $a \times b$ .

**Item 10 et 11** (2 points)

On considère une expérience aléatoire modélisée par l'arbre pondéré ci-contre :

1. Déterminer la probabilité de l'évènement B sachant que l'évènement A est réalisé.
2. Calculer la probabilité de l'évènement B.

**Item 12 et 13** (2 points)

On considère les nombres A et B tels que :  $A = \overline{1011}^2$  et  $B = 37$ .

1. Écrire le nombre A en base 10.
2. Écrire le nombre B en base 5.

**Item 14** (1 point)

Déterminer le reste de la division euclidienne de  $3^{2018}$  par 5.

**Item 15 et 16** (2 points)

Soient  $g$  et  $G$  les fonctions définies et dérivables sur  $\mathbf{R}$  par :

$$g(x) = (x + 1)e^x \text{ et } G(x) = xe^x.$$

1. Montrer que la fonction  $G$  est une primitive sur  $\mathbf{R}$  de la fonction  $g$ .
2. Calculer la valeur exacte de l'intégrale  $\int_0^1 (x+1)e^{x+2} dx$ .

**Exercice :** (4 points)

On considère les points  $S(2 ; 3 ; 1)$ ,  $A(-2 ; 0 ; 1)$ ,  $B(1 ; 1 ; 0)$  et  $C(-1 ; -7 ; -3)$ .

1. Justifier qu'une équation cartésienne du plan (ABC) est :  $x - y + 2z = 0$ .
2. Calculer la distance du point S au plan (ABC).
3. Montrer que le triangle ABC est rectangle en A.  
En déduire l'aire du triangle ABC.
4. Calculer le volume du tétraèdre BACS.