

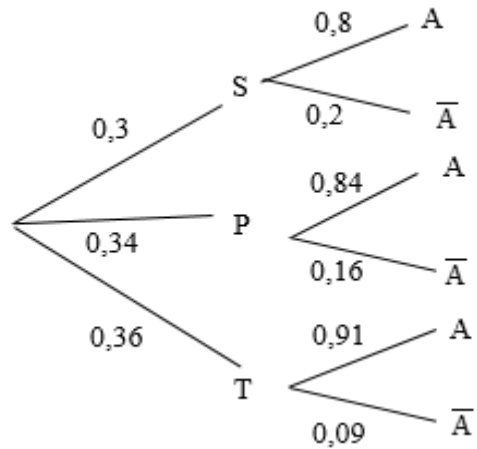
Réponse	Barèmes	Compétences	Consignes de correction
<p>Exercice 1 : (5 points)</p> <p>1. réponse b) $M = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$</p> <p>2. réponse b) 9,75%</p> <p>3. réponse c) $y = 0,24x + 4,99$</p> <p>4. réponse a) 0,37</p> <p>5. réponse c) c) $[0,619 ; 0,761]$</p>	<p>1 point</p> <p>1 point</p> <p>1 point</p> <p>1 point</p> <p>1 point</p>		
<p>Exercice 2 : (4 points)</p> <p>1. $1,5 \times 200 - 10 = 290$. Le nombre d'abonnés à la date du 1^{er} février 2025 est de 290 clients.</p> <p>2. $u_1 = 1,5 \times 20 - 1 = 29$ et $u_2 = 1,5 \times 29 - 1 = 42,5$ Le nombre d'abonnés à la date du 1^{er} février 2025 est de 290 clients et celui du 1^{er} Mars 2025 est 425.</p> <p>2.</p> <pre>def terme(n): u=20 for i in range(n): u=1.5*u-1 return u</pre>	<p>0,5 point</p> <p>1 point (0,5+0,5)</p> <p>1 point</p>	<p>0,5 pour le calcul de u_1 et u_2 et 0,5 pour l'interprétation.</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>	

<p>3. $v_{n+1} = u_{n+1} - 2 = 1,5u_n - 1 - 2 = 1,5u_n - 3 = 1,5(u_n - 2) = 1,5v_n$ Alors (v_n) est une suite géométrique de raison $q = 1,5$ et de premier terme $v_0 = 20 - 2 = 18$</p> <p>4. Pour tout entier naturel n ; $v_n = v_0 \times q^n = 18 \times 1,5^n$</p> <p>5. $u_n = v_n + 2 = 18 \times 1,5^n + 2$</p>	<p>0,5 point</p> <p>0,5 point</p> <p>0,5 point</p>														
<p>Exercice 3 : (6 points)</p> <p>1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x - \ln(2)e^x = 0$ La droite d'équation $y = 0$ (l'axe des abscisses) est une asymptote horizontale au voisinage de $-\infty$</p> <p>2. $f'(x) = e^x + e^x(x - \ln(2)) = e^x(x - \ln(2) + 1)$ f' est du signe de $x - \ln(2) + 1$</p> <table border="1" data-bbox="264 783 790 1031"> <tbody> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$\ln(2) - 1$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>0</td> <td></td> <td>$+\infty$</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">$-e^{(\ln(2)-1)}$</p> <p>3. $y = f'(0)(x - 0) + f(0)$ $y = (1 - \ln(2))x - \ln 2$</p> <p>4. a) $f(0) = -\ln(2) \approx -0,69 < 1$ et $f(2) \approx 9,66 > 1$. D'après le tableau de variations, l'équation $f(x) = 1$ admet une unique solution dans l'intervalle $[0 ; 2]$.</p>	x	$-\infty$	$\ln(2) - 1$	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	$f(x)$	0		$+\infty$	<p>1,5 points</p> <p>1 point</p> <p>0,5 point</p> <p>0,5 point</p>	<p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>	<p>Réponse acceptable $y = 0,31x - 0,69$</p>
x	$-\infty$	$\ln(2) - 1$	$+\infty$												
$f'(x)$	-	0	+												
$f(x)$	0		$+\infty$												

<p>b) $\alpha \approx 1,04$</p> <p>5. $F'(x) = e^x + (x-1-\ln(2))e^x$ $= (1+x-1-\ln(2))e^x$ $= (x-\ln(2))e^x = f(x)$</p> <p>Donc $F(x) = (x-1-\ln(2))e^x$ est une primitive de la fonction f sur \mathbf{R}.</p> <p>6. $\int_0^1 f(x) dx = [(x-1-\ln(2))e^x]_0^1$ $= -\ln(2)e + 1 + \ln(2)$ (valeur exacte) $\approx -0,19$ (valeur approchée à 10^{-2} près)</p>	<p>0,5 point</p> <p>1 point</p> <p>1 point</p>	<p>0,5</p> <p>0,5</p>	
---	---	-----------------------	--

Exercice 4 : (5 points)

1.



2. $p(S \cap A) = p(S) \times p_S(A) = 0,3 \times 0,8 = 0,24$

24% des élèves du lycée sont en classe de seconde et possèdent un téléphone portable.

3.

$$p(A) = p(S \cap A) + p(P \cap A) + p(T \cap A) \\ = 0,3 \times 0,8 + 0,34 \times 0,84 + 0,36 \times 0,91 = 0,8532$$

4.

$$p_A(T) = \frac{p(T \cap A)}{p(A)} = \frac{0,36 \times 0,91}{0,8532} \approx 0,38$$

1,5 points**1,5 points
(1+0,5)****1 point****1 point**